

問題 1

問 1

点Pが頂点Aを出発して頂点Dまで進むと、進んだ距離は $6\text{ cm} \times 3 = 18\text{ cm}$ 、
点Pの進む速さは毎秒 2 cm ですから、 18 cm 進むのに要する時間は $18 \div 2 = 9$ 秒
一方点Qの進む速さは毎秒 1 cm ですから、9秒では 9 cm 進むことになります。

答 9 cm

問 2

2秒間で点Pは 4 cm 、点Qは 2 cm 進みます。従って $\triangle PDQ$ の、底辺 $DQ = 2\text{ cm}$
高さ $AP = 4\text{ cm}$ となるので その面積は、 $2 \times 4 \div 2 = 4$

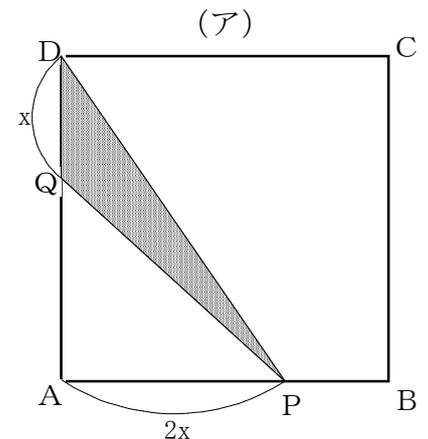
答 4 cm²

問 3

(ア) $0 \leq X \leq 3$ のとき

このとき、点Pは辺AB上に、
点Qは辺DA上にあります。また
点Pは毎秒 2 cm の速さで進むので
 X 秒では $2X\text{ cm}$ 進み、点Qは毎秒 1 cm
進むので X 秒では $X\text{ cm}$ 進みます。
従って $\triangle PDQ$ において 底辺 $DQ = X\text{ cm}$
高さ $AP = 2X\text{ cm}$ よって
 $\triangle PDQ$ の面積 $y = X \times 2X \div 2 = x^2$

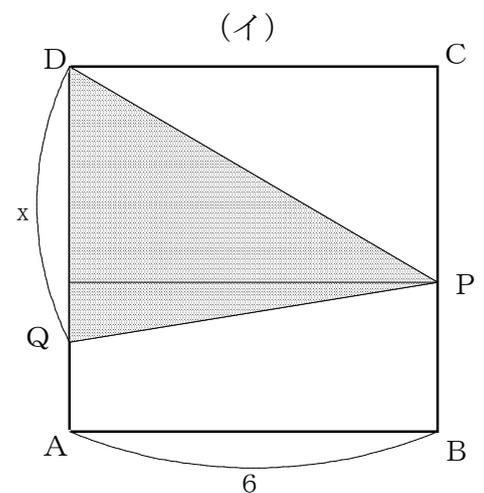
答 $y = x^2$



(イ) $3 \leq X \leq 6$ のとき

このとき、点Pは辺BC上に
点Qは辺DA上にある。
 $\triangle PDQ$ において 底辺 $DQ = X\text{ cm}$
高さ $= AB = 6\text{ cm} = \text{一定}$ よって
 $\triangle PDQ$ の面積 $y = X \times 6 \div 2 = 3X$

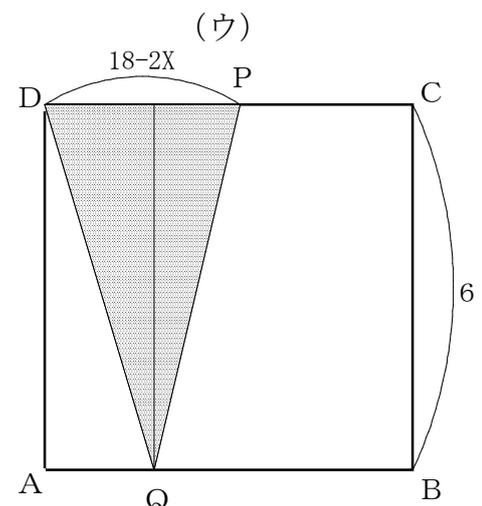
答 $y = 3X$



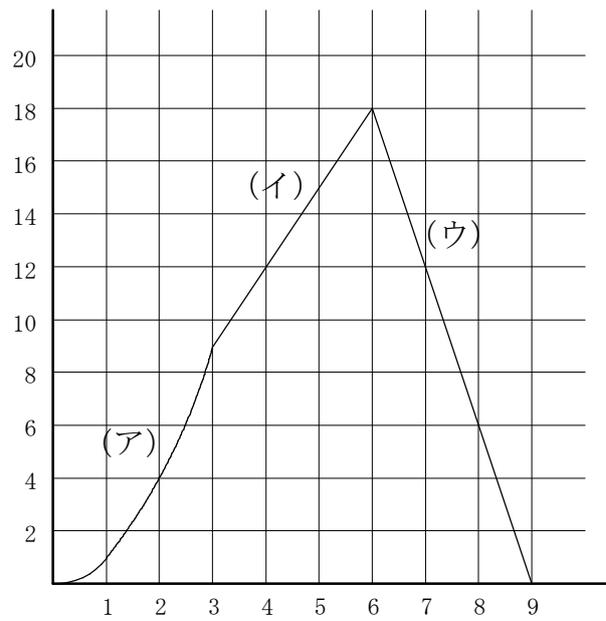
(ウ) $6 \leq X \leq 9$ のとき

このとき、点Pは辺CD上に、
点Qは辺AB上にある。
 $\triangle PDQ$ において 底辺 $PD = 18 - 2X$
高さ $= DA = 6\text{ cm} = \text{一定}$ よって
 $\triangle PDQ$ の面積 $y = (18 - 2X) \times 6 \div 2$
 $= 54 - 6X$

答 $y = 54 - 6X$



問4



問5

正方形A B C Dの面積 = $6 \times 6 = 36$

正方形A B C Dの面積の三分の一 = $36 \div 3 = 12$

面積が12になるのは問4のグラフからも解るように
問3の(イ)、(ウ)の場合である。

(イ)の場合 $12 = 3X$ より $X = 4$

(ウ)の場合 $12 = 54 - 6X$ より $X = 7$

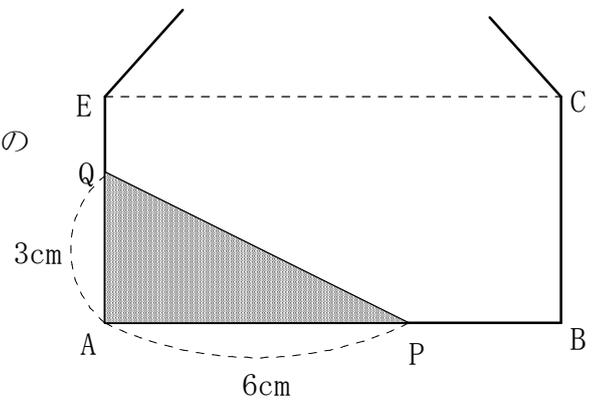
答 4、7 秒後

問題 2

- (1) 3秒間で点Pは6cm, 点Qは3cm進むので P, Qの位置は右図のようになる。したがって、 $\triangle APQ$ の面積は

$$y = \frac{1}{2} \times 6 \times 3 = 9$$

答 9 □

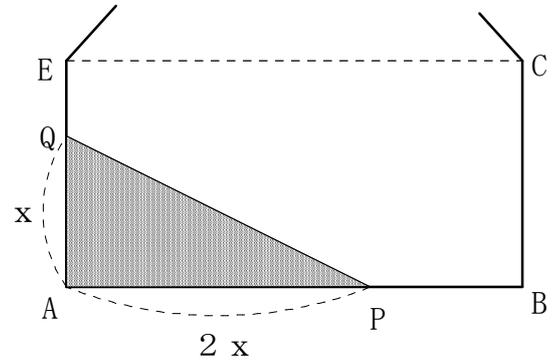


- (2) x秒間で点Pは2xcm, 点Qはxcm進む

ア $0 \leq x \leq 4$ のとき

$$y = \frac{1}{2} \times 2x \times x = x^2$$

答 $y = x^2$ □

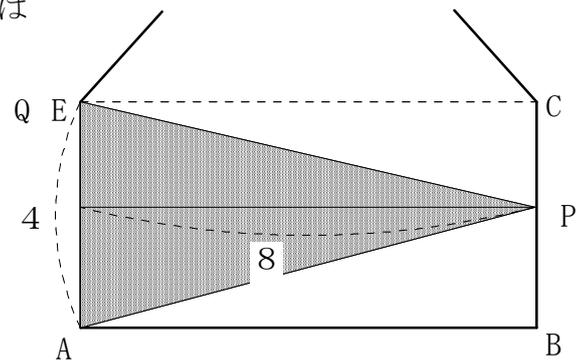


イ $4 \leq x \leq 6$ のとき

点Pは辺BC上にあり, また点Qは点E上に停止している。したがって $\triangle APQ$ は右図のようになるので, その面積は

$$y = \frac{1}{2} \times 8 \times 4 = 16$$

答 16 □



ウ $6 \leq x \leq 9$ のとき

点Pは辺CD上にあり, また点Qは点E上に停止したままである。したがって $\triangle APQ$ は右図のようになる。右図において

$$\frac{a}{4} = \frac{18 - 2x}{6}$$

$$a = \frac{4(18 - 2x)}{6} = 12 - \frac{4}{3}x$$

$\triangle APQ$ の高さ h は

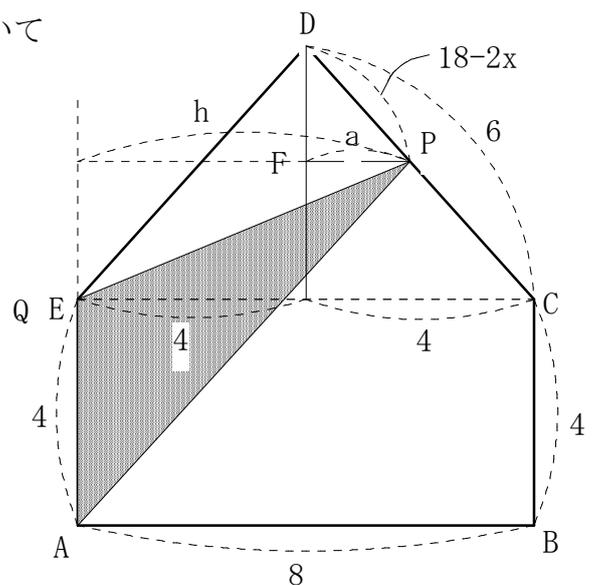
$$h = a + 4 = 12 - \frac{4}{3}x + 4 = 16 - \frac{4}{3}x$$

よって

$$y = \frac{1}{2} \times 4 \times h = \frac{1}{2} \times 4 \times \left(16 - \frac{4}{3}x\right)$$

$$= 32 - \frac{8}{3}x$$

答 $y = -\frac{8}{3}x + 32$ □



(3) 上記(2)において、 $y = 12$ になる x を求めればよい。

アより $\frac{3}{2}x^2 = 12 \quad x^2 = 8 \quad x = 2\sqrt{2}$

ここで $2\sqrt{2}$ は $0 \leq 2\sqrt{2} \leq 4$ の範囲内にあるから 求める解である。

ウより $-\frac{8}{3}x + 32 = 12$

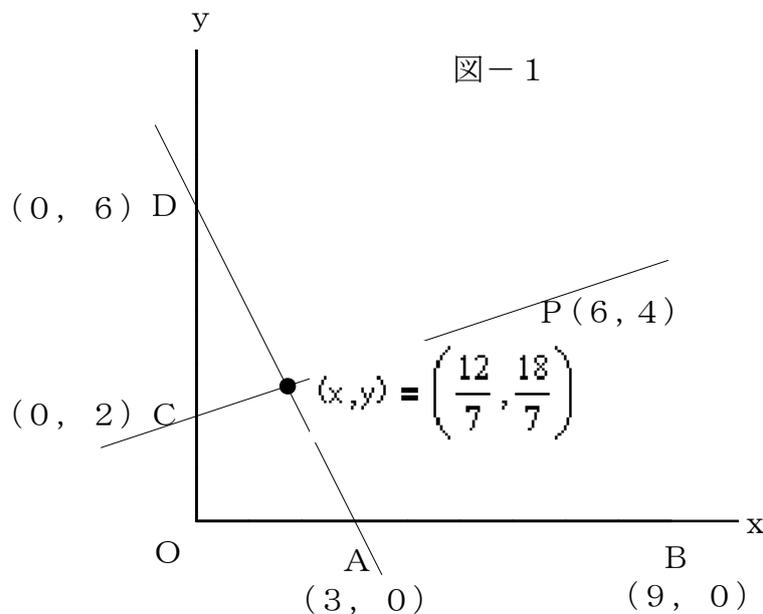
$$x = (32 - 12) \times \frac{3}{8} = \frac{15}{2} = 7.5$$

ここで 7.5 は $6 \leq 7.5 \leq 9$ の範囲内にあるから 求める解である。

答 $2\sqrt{2}$, 7.5 秒

問題3

1. (1)



(ア) 2点 P (6, 4) , C (0, 2) を通る直線の式を求めればよい。

求める直線の式を

$y = a x + b$ とすればこの式は

点P(6, 4)を通るから $6a + b = 4$ ----- ①

点C(0, 2)を通るから $b = 2$ ----- ②

②を①に代入して $6a + 2 = 4$

$$6a = 2$$

$$a = \frac{1}{3}$$

よって、求める式は

$$y = \frac{1}{3}x + 2$$

答 $y = \frac{1}{3}x + 2$

(イ) 直線PCの式は (ア) で求めたので、ここではまず、
直線ADの式を求める。

求める直線の式を

$$y = a x + b \quad \text{とすればこの式は}$$

$$\text{点A(3, 0) を通るから } 3 a + b = 0 \quad \text{----- ①}$$

$$\text{点D(0, 6) を通るから } b = 6 \quad \text{----- ②}$$

$$\text{②を①に代入して } 3 a + 6 = 0$$

$$3 a = -6 \qquad a = -2$$

よって直線ADの式は $y = -2 x + 6$

したがって、直線PCと直線ADの交点の座標は連立方程式

$$\begin{cases} y = \frac{1}{3}x + 2 & \text{(直線PCの式) ----- ①} \\ y = -2x + 6 & \text{(直線ADの式) ----- ②} \end{cases}$$

$$\begin{cases} y = -2x + 6 & \text{(直線ADの式) ----- ②} \end{cases}$$

を解いて求めることができる。

①を②に代入して

$$\frac{1}{3}x + 2 = -2x + 6 \quad \text{両辺を3倍して}$$

$$x + 6 = -6x + 18 \longrightarrow 7x = 12 \longrightarrow x = \frac{12}{7}$$

(ウ) これを①に代入して $y = \frac{1}{3} \times \frac{12}{7} + 2 = \frac{4}{7} + 2 = \frac{18}{7}$

したがって、求める交点の座標は $(x, y) = \left(\frac{12}{7}, \frac{18}{7}\right)$

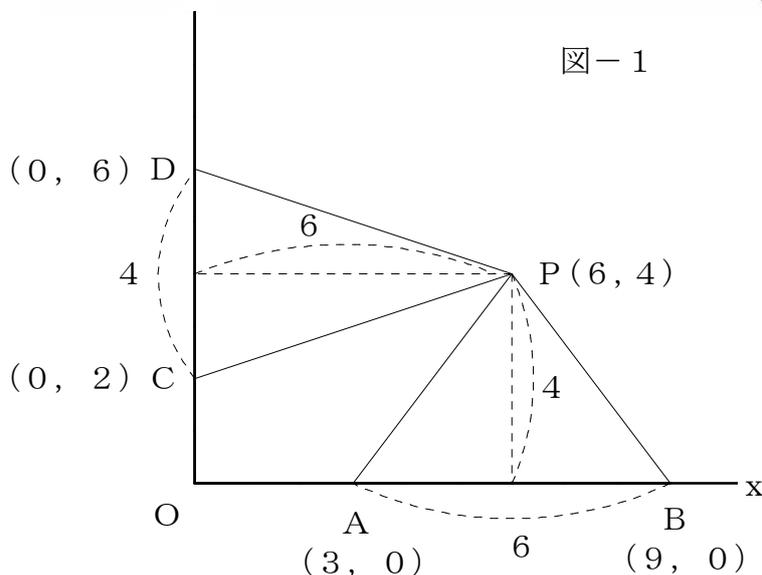


図-1

答 $(x, y) = \left(\frac{12}{7}, \frac{18}{7}\right)$

$\triangle PAB$ の面積：底辺 $AB=9-3=6$ ，高さ $=4$ （点 P の y 座標）と考えて

$$\triangle PAB = \frac{1}{2} \times 6 \times 4 = 12$$

$\triangle PCD$ の面積：底辺 $CD=6-2=4$ ，高さ $=6$ （点 P の x 座標）と考えて

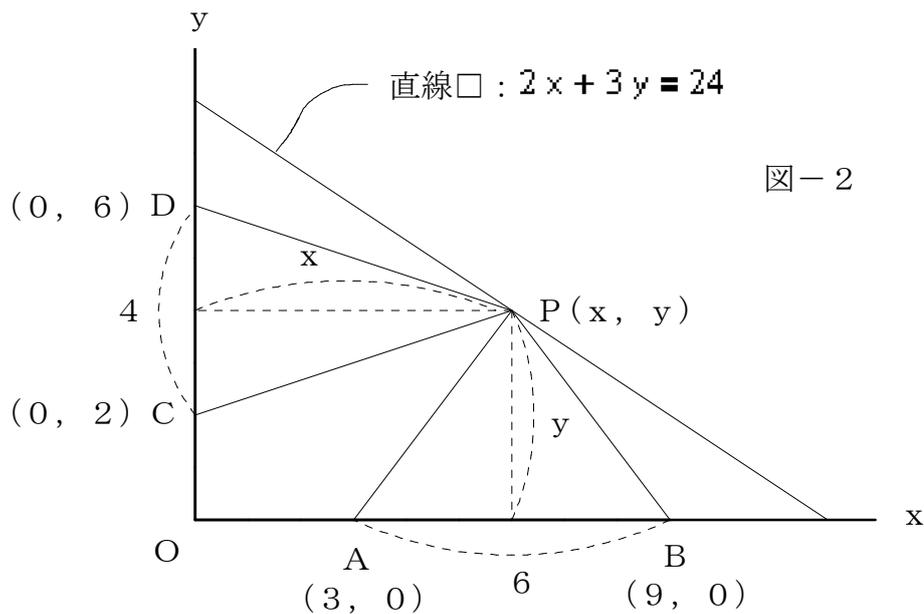
$$\triangle PCD = \frac{1}{2} \times 4 \times 6 = 12$$

したがって、 $\triangle PAB + \triangle PCD = 12 + 12 = 24$

答 24

(2)

(ア)



$\triangle PAB$ の面積：底辺 $AB=9-3=6$ ，高さ $=y$ （点 P の y 座標）と考えて

$$\triangle PAB = \frac{1}{2} \times 6 \times y = 3y$$

$\triangle PCD$ の面積：底辺 $CD=6-2=4$ ，高さ $=x$ （点 P の x 座標）と考えて

$$\triangle PCD = \frac{1}{2} \times 4 \times x = 2x$$

したがって、 $\triangle PAB + \triangle PCD = 3y + 2x = 24 \longrightarrow y = -\frac{2}{3}x + 8$

答 $2x + 3y = 24$ （または $y = -\frac{2}{3}x + 8$ ）

(イ)

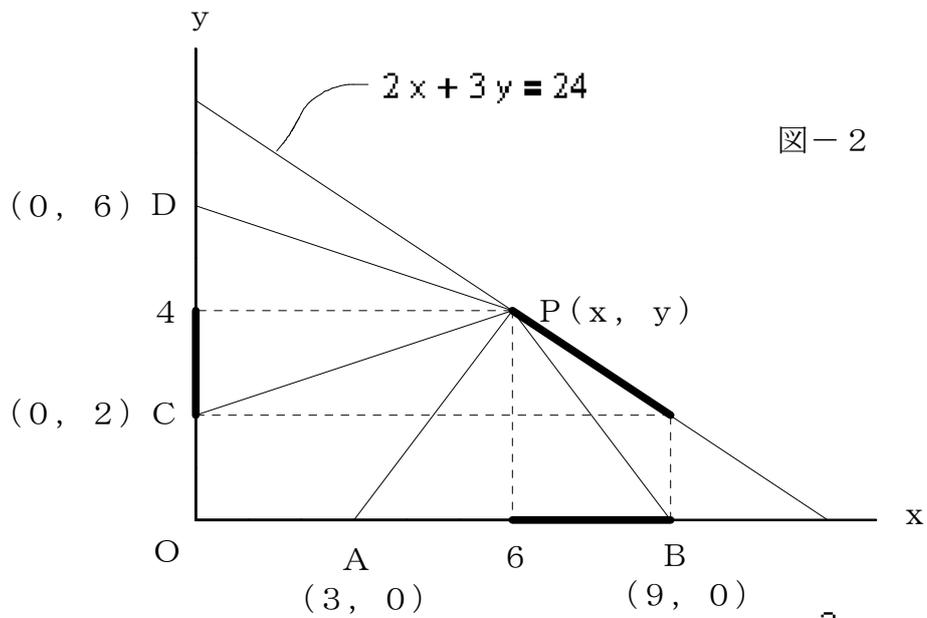


図-2

点P (x, y) は上記 (2) の (ア) で求めた直線 $y = -\frac{2}{3}x + 8$ 上を動くから

$$x = 6 \text{ のとき } y = -\frac{2}{3} \times 6 + 8 = -4 + 8 = 4$$

$$x = 9 \text{ のとき } y = -\frac{2}{3} \times 9 + 8 = -6 + 8 = 2$$

答 $2 \leq y \leq 4$