

[B]

1 次の問いに答えよ。

(1) $\frac{5}{4}a^2 \div \frac{15}{2}a$ を計算せよ。

(2) 6 の平方根を求めよ。

(3) 二次方程式 $(x-2)^2 + (x-2)(x-4) = 0$ を解け。

(4) ある中学校で400人の通学時間を調査した。このとき、通学時間の中央値の求め方を説明せよ。

(5) 次のア～エの中から y が x の関数であるものをすべて選び、その記号を書け。

ア 底辺の長さが $x\text{cm}$ である三角形の面積は $y\text{cm}^2$ である。

イ 周の長さが $x\text{cm}$ である正方形の面積は $y\text{cm}^2$ である。

ウ x 個のさいころを同時に投げると、1 の目は y 個でる。

エ 容積が300Lである、からの水そうに毎分20Lの割合で x 分間水を注いだとき、水そうからあふれた水の量は $y\text{L}$ である。

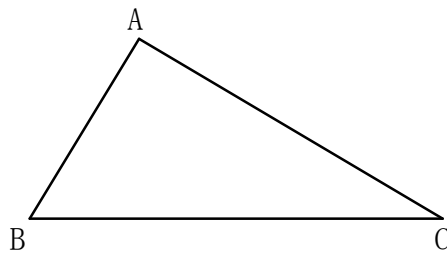
(6) 15 以下の素数をすべて書け。

- (7) 6で割ると5余る数と3で割ると2余る数の和を3で割ったときのあまりを
() に書き入れ, その求め方を文字式を使って説明せよ。

3で割ったときのあまりは()である。

(説明)

- (8) 下の図の $\triangle ABC$ で, $\angle ABC$ の二等分線と辺 AC の垂直二等分線の交点 P を作図せよ。



- 2 Aさんは、1周4kmの池の周りを1kmごとの4つの区域に分けて、次の[決まり]に従って1周することにした。

[きまり]

- 1枚の硬貨を4回投げ、投げた順に表か裏かを記録する。
- 記録した表裏に従って1kmごとに順に進む方法を決める。進む方法は、表の場合は「歩く」，「裏の場合は「走る」とする。ただし、裏であっても、その直前の区間で「走る」場合は「歩く」ことにする。
- 後もどりせずに1周する。

例：硬貨を4回投げたとき、表裏裏表の順に出た場合の硬貨の記録と進む方法

	1回目	2回目	3回目	4回目
硬貨	表	裏	裏	表
	↓	↓	↓	↓
	1kmまで	2kmまで	3kmまで	4kmまで
方法	歩く	走る	歩く	歩く

Aさんは1km歩く場合12分かかり、走る場合6分かかる。
このとき、次の問いに答えよ。ただし、硬貨の表と裏の出かたは同様に確からしいとする。

- (1) Aさんが池の周りを1周するのにかかる時間について、最も短い場合の時間を求めよ。
- (2) Aさんが池の周りを1周するのに42分かかる確率を求めよ。

- 3 ある店では、鮭、昆布、明太子、梅の4種類のおにぎりを仕入れている。
昨日仕入れた個数は、鮭が600個で、昆布と明太子と梅の合計は150個であった。
今日仕入れる個数は、鮭は昨日の個数の30%を減らすことにした。また、昆布、明太子、梅は、それぞれ昨日の鮭の個数の5%、10%、15%増やすことにした。その結果、今日仕入れる個数は、昆布と明太子の合計が220個となり、また、鮭と梅の合計は明太子の5倍となった。
このとき、次の問いに答よ。

(1) 今日仕入れる鮭の個数を求めよ。

- (2) ア 昨日仕入れた昆布の個数を x 個、明太子の個数を y 個とすると、 x 、 y についての連立方程式をつくれ。

イ アの連立方程式を解いて、 x と y の値を求めよ。

- 4 図1のように、直線L上に、点P, Q, R, S, Tがこの順にあり、 $PQ=QR=RS=ST=2\text{ cm}$ である。このとき、次の問いに答えよ。

(1) 点Aは点Pを出発し、直線L上を点Pから点Tの方向に移動する。点Aが出発してから x 秒後 ($0 \leq x \leq 18$) の点Pから点Aまでの距離を $y\text{ cm}$ とすると、 x と y の関係は、 a を定数として $y = ax$ と表される。

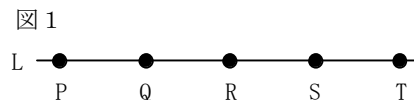
点Bは最初、点Qにあり、点Aが点Pを出発してから x 秒後の点Pから点Bまでの距離を $y\text{ cm}$ とすると、点Bの位置と y の値は次のようになる。

$0 \leq x < 3$ のとき、点Q上にあり $y=2$

$3 \leq x < 9$ のとき、点R上にあり $y=4$

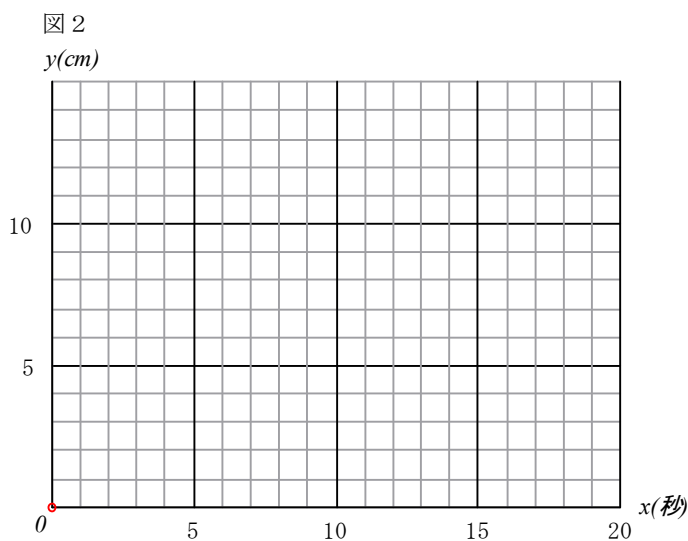
$9 \leq x < 12$ のとき、点S上にあり $y=6$

$12 \leq x \leq 18$ のとき、点T上にあり $y=8$



ア $a=2$ のとき、点Aが点Pを出発してから2秒後の点A、点Bの y の値をそれぞれ求めよ。

イ 点Bに関して、 x と y の関係を表すグラフを図2にかけ
ただし、グラフで端の点を含む場合は●、グラフで端の点を含まない場合は○で表すこと。



ウ $a = \frac{2}{3}$ のとき、点Aと点Bが重なる x の値をすべて求めよ。

- (2) 点Cは点Pを出発し、直線L上を点Pから点Tの方向に移動する。点Cが出発してから x 秒経つ ($0 \leq x \leq 18$) の点Pから点Cまでの距離を y cmとすると、 x と y の関係は、 $y = \frac{1}{16}x^2$ と表される。

点Dは最初、点Qにあり、点Cが点Pを出発してから x 秒後の点Pから点Dまでの距離を y cmとすると、点Dの位置と y の値は次のようになる。

$0 \leq x < 3$ のとき、点Q上にあり $y=2$

$3 \leq x < \square$ のとき、点R上にあり $y=4$

$\square \leq x < 12$ のとき、点S上にあり $y=6$

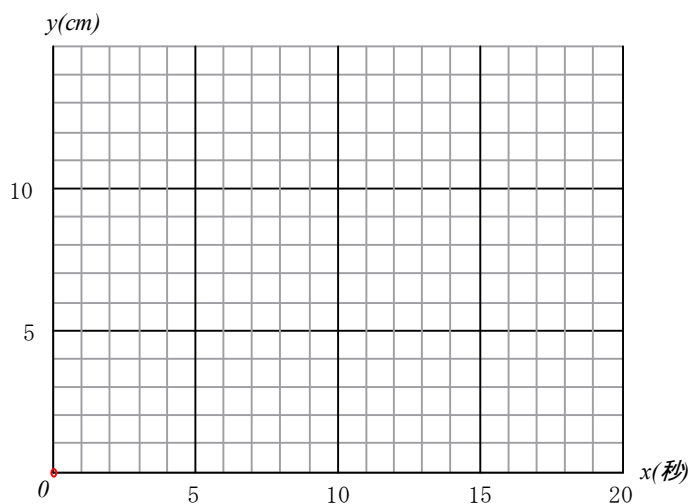
$12 \leq x \leq 18$ のとき、点T上にあり $y=8$

(ただし、 \square には同じ値が入る。)

このとき、

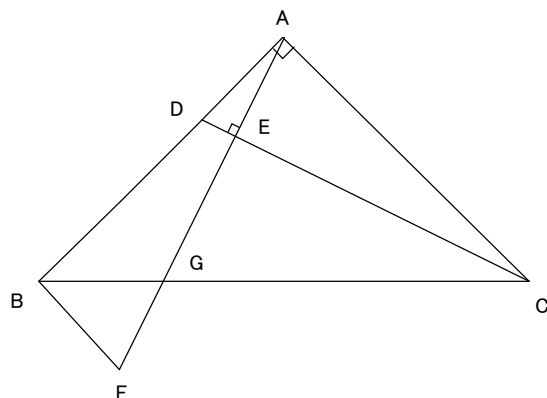
点Cと点Dちょうど2回重なるような \square にあてはまる数のうち最も大きな値を求めよ。必要ならば、図3を利用してよい。

図3



- 5 下の図のように、 $\angle A$ を直角とする直角二等辺三角形ABCの辺AB上に点A, Bと異なる点Dをとり、点Cと点Dを結ぶ。
 さらに、点Aから線分CDに垂線をひき、線分CDとの交点をEとする線分AEをEの方に延長した半直線上に $AF=CD$ となる点Fをとる。線分AFと線分BCの交点をGとする。また、点Bと点Fを結ぶ。
 このとき、次の問いに答えよ。

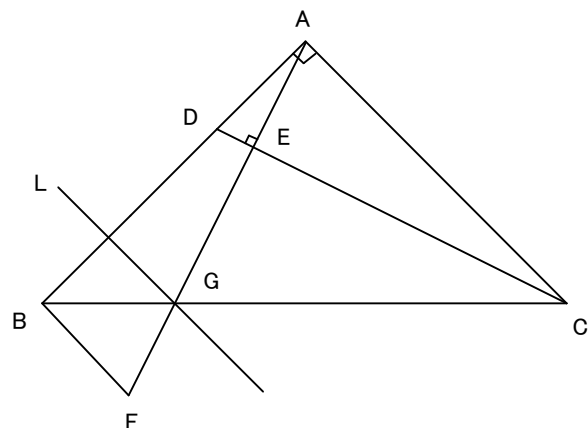
(1) $AD=BF$ となることを証明せよ。



(2) $AD = \frac{1}{3}AB$ のとき、次の問いに答えよ。

ア $\triangle BFG$ と $\triangle AEC$ の面積の比を最も簡単な整数の比で表せ。

- イ $AB = \sqrt{2} \text{ cm}$ とし，下の図のように直線ACと平行で，点Gを通る直線をLとする。直線Lを回転の軸として $\triangle BFG$ を1回転させてできる立体の体積を求めよ。



以上