

[B]

1 次の問いに答えよ。

(1) 次の計算をせよ。

ア $7 - (-2)^3$

イ $\sqrt{32} - \sqrt{2}$

ウ $a - \frac{2a-b}{3}$

(2) 二次方程式 $(x+1)^2 = 5$ を解け。

(3) 2つの関数 $y = ax + b$ ---① と $y = ax^2$ ---② ある。①, ②のそれぞれについて、
 $a > 0$ のとき、 x の値が増加するにつれて y の値はどのように変化するか、最も適するものを、次のア～エから、1つずつ選んで、その記号を書け。

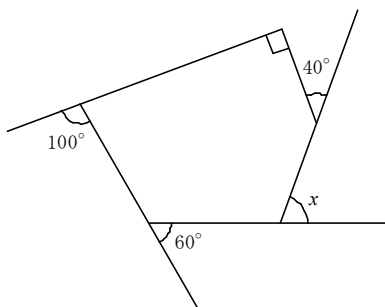
ア 増加する。

イ 現象する。

ウ x が負では増加し、 x が正では減少する。

エ x が負では減少し、 x が正では増加する。

(4) 下の図の $\angle x$ の大きさを求めよ。

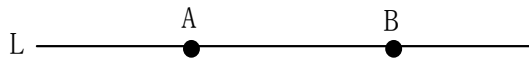


- (5) ある農家では、収穫したトマトをS, M, Lの3つのサイズのいずれかに分類している。ある日収穫された850個から50個を無作為に抽出したところ、Mサイズのトマトは34個であった。この日収穫された850個のうちMサイズのトマトは何個あると推測(推定)されるかを()に書き入れ、その求め方と理由を、言葉や数、式などを使って説明せよ。

Mサイズのトマトは()個あると推測(推定)される。

(説明)

- (6) 下の図のように、直線L上に2点A, Bがある。線分ABを1辺とし、 $\angle A=45^\circ$ であるひし形を1つ作図せよ。(作図に用いた線は消さないこと。)



- 2 図1のように、1番から6番のマス目に、白の碁石3つと黒の碁石2つの合計5つの碁石が置かれている。また、図2のように箱には1から5の数字が書かれたカードが1枚ずつ入っている。下の手順に従って碁石を移動させる。

手順	<p>操作① 箱からカードを1枚取り出す。</p> <p>操作② 取り出したカードの数字と同じ番号のマス目に置かれた碁石を6番のマス目へ移動させる。</p> <p>操作③ 空いたマス目より右にある碁石をすべて1マスずつ左に移動させてえ、6番のマス目を空ける。</p> <p>操作④ 取り出したカードを箱へ戻す。</p>
<p>[例] 図1の白と黒の碁石の並びに対して、操作①で 2 を取り出したときは、操作②③により碁石を例③のように移動させ、操作④により 2 は箱に戻す。</p>	

図1

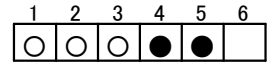


図2 箱

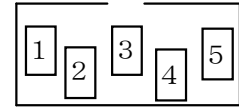
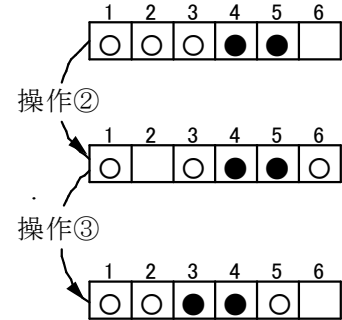


図3[例]



上の手順を2回繰り返した後の白と黒の並びについて考えるとき、次の問いに答えよ。ただし、箱からのカードの取り出し方は同様に確からしいとする。

- (1) 1回目の手順の操作①で 1 を取り出し、2回目の操作①で 2 を取り出した場合の白と黒の並びを、図1のように○と●を使って表わせ。

答

--	--	--	--	--	--

- (2) 黒の碁石が隣り合わない確率を求めよ。

- 3 AさんとBさんが、Cさんのスタートの合図で会談を上がり、ストップの合図で止まるという運動を3回行った。その運動の内容は下の通りである。ただし、AさんとBさんは同じ場所から階段を上がり始め、この3回の運動の間は下ることはしなかった。また、この階段は3回の運動を行うのに十分な段数があったものとする。

1回目の運動では、Aさんは一歩で1段ずつ、Bさんは一歩で2段ずつ、それぞれ x 歩上がった。
 2回目の運動では、Aさんは一歩で2段ずつ、Bさんは一歩で1段ずつ、それぞれ $2x$ 歩上がった。
 3回目の運動ではAさんは一歩で3段ずつ y 歩上がり、Bさんは一歩で3段ずつ $3y$ 歩上がった。

この結果、Aさんの歩数の合計は93歩であり、Bさんの上った段数の合計はAさんの上った段数の合計より45段多かった。

Cさんは、AさんとBさんの運動の結果を、右の表にまとめようとしている。

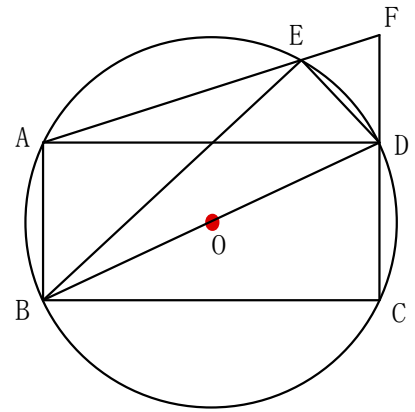
	Aさん			Bさん		
	一歩の段数	歩数	上がった段数	一歩の段数	歩数	上がった段数
1回目	1	x		ア	x	
2回目	2		イ			
3回目	3	y	$3y$			ウ

このとき、次の問いに答えよ。

- (1) 右の表のアにあてはまる数を書け。また、イ、ウにあてはまる式を x や y を用いて表せ。

- (2) x と y の値を求めよ。

- 4 右の図のように、円Oの周上の4点A, B, C, Dを頂点とする長方形ABCDがある。点B, Cを含まない弧AD上に、点A, Dと異なる点Eをとり、直線AEと直線CDの交点を点Fとする。
このとき、次の問いに答えよ。



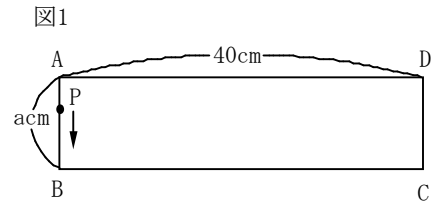
- (1) $\triangle ADF \sim \triangle BED$ であることを証明せよ。

- (2) $AB=2\text{cm}$, $BC=2\sqrt{2}\text{cm}$, $DF=1\text{cm}$ とする。

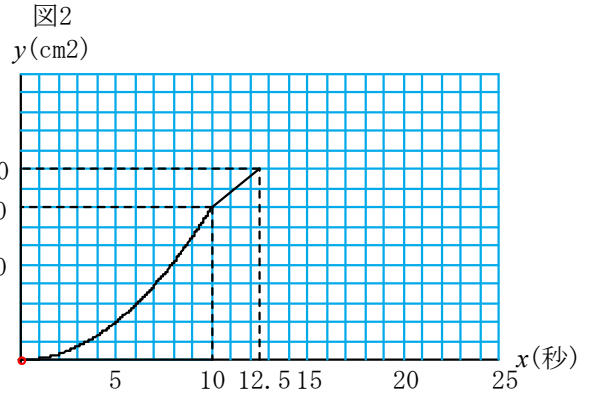
ア 円Oの半径とDEの長さを求めよ。

イ $\triangle BCE$ の面積を求めよ。

- 5 右の図1のように、 $AB=acm$ 、 $AD=40cm$ の長方形ABCDがある。2点P、Qは、同時に頂点Aを出発し、点Pは、長方形の辺上を反時計回りに、点Qは、長方形の辺上を時計回りか、反時計回りかのいずれかで、それぞれ一定の速さで動きつづけ、2点P、Qが再び同じ位置になったら止まる。出発してから12.5秒後に、点Pは頂点Bに、点Qは頂点Cに達した。



出発してから x 秒後の $\triangle APQ$ の面積を ycm^2 とし、 $0 \leq x \leq 12.5$ のときのグラフをかいたところ、右の図2のようになった。 $0 \leq x \leq 10$ のときは頂点が原点の放物線であり、 $10 \leq x \leq 12.5$ のときは直線である。



このとき、次の問いに答えよ。ただし、 $\triangle APQ$ ができないときは、 $y=0$ とする。

- (1) $0 \leq x \leq 10$ のときの放物線の式を求めよ。

- (2) 下の[説明分]は、点Qが頂点Aを出発して、時計回りか、反時計回りかのどちらかに動いたかを説明したものである。[説明分]の中の□に言葉を書き入れ、[説明分]を完成させよ。

[説明文] 図2のグラフを見ると、 $0 \leq x \leq 10$ のときは上に開いた放物線であるので、点P、Qが出発直後のある一定の時間は、 y は0から増加している。

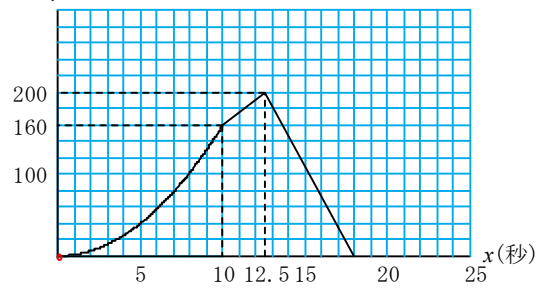
点Qが時計回りに動いた場合、点P、Qが出発直後のある一定の時間は、線分APを底辺とすると、□を高さとする $\triangle APQ$ ができ、底辺の長さが高さがともに0から増加していくので、 y は0から□。

点Qが反時計回りに動いた場合、点P、Qが出発直後のある一定の時間は、3点A、P、Qが□にあるので $\triangle APQ$ ができず、 y は0から□。よって、点Qは点Aを出発して、□回りにうごいた。

(3) 点Qの動く速さと a の値を求めよ。

(4) 図3は、図2に、12.5秒後から2点P, Qが止まるまでのグラフをかき加えたものである。しかし、そのかき加えたグラフは誤りである。
誤りである理由の1つを言葉や数、式などを使って説明せよ。

図3
y(cm²)



[説明]

以上