

目次2へ 問題へ

1 (1) ア  $2 - (-6) \times 3 = 2 - (-18) = 2 + 18 = 20$  答 20

イ  $\sqrt{45} - \frac{20}{\sqrt{5}} = 3\sqrt{5} - \frac{20\sqrt{5}}{5} = 3\sqrt{5} - 4\sqrt{5} = -\sqrt{5}$  答  $-\sqrt{5}$

ウ  $8a^2b \div (-3a) \times \frac{3}{4}ab = -\frac{8a^2b}{3a} \times \frac{3ab}{4} = -2a^2b^2$  答  $-2a^2b^2$

(2)  $(x - 1)^2 - 3 = 0$

$(x - 1)^2 = 3$       $x - 1 = \pm\sqrt{3}$       $x = 1 \pm\sqrt{3}$  答  $1 \pm\sqrt{3}$

(3) ① 4の平方根は2である。→ ±2

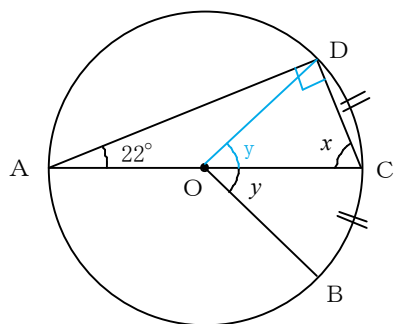
② 循環しない無限小数を無理数という。・・・OK

③ 数直線上で、0からある数までの距離を、その数の絶対値という。・・・OK

④  $\sqrt{(-8)^2}$  は -8 である。→ ±8

答 ②, ③

(4)



左図参照

$x = 90 - 22 = 68$

$y = 22 \times 2 = 44$

答  $\begin{cases} \angle x = 68 \text{ (度)} \\ \angle y = 44 \text{ (度)} \end{cases}$

(5)

	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	平均値	範囲
点数	9	5	9	6	3	9			4	2	6.0	8

範囲：データの最大値から最小値を引いた値

このデータの最小値は2だから、範囲が8になるのはGの値が10のとき

つぎに、Hの値を $x$ とすると、平均値が6.0だから

$$\frac{9+5+9+6+3+9+10+x+4+2}{10} = 6.0 \quad 57+x=60 \quad x=3$$

中央値：データを小さい値から順に並べたとき、中央の値。  
データの数が偶数のときは中央の2ケの値の平均値。

データを小さい数から順に並べると

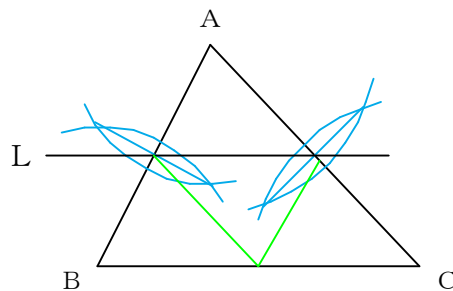
2, 3, 3, 4, 5, 6, 9, 9, 9, 10

$$\text{中央値} = \frac{5+6}{2} = 5.5$$

答  $\left\{ \begin{array}{l} \text{Hの点数} \quad 3(\text{点}) \\ \text{中央値} \quad 5.5(\text{点}) \end{array} \right.$

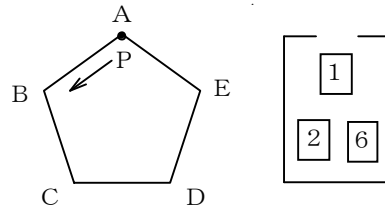
(Hの点数を1点とすると、Gの点数は12点となって、10点満点というゲームの題意に合わない。)

(6) ABの中点と、ACの中点を結ぶ直線が求める直線Lである。



(緑色の線は描かなくてよい。)

2



(1) カードの取り出し方は全部で  $3 \times 3 = 9$  通り。

このうち、点Pが頂点Cに移動するのは、

(1回目, 2回目) = (1,1), (1,6), (6,1), (6,6) の4通り。

求める確率は 答  $\frac{4}{9}$

(2)

例えば、点Pが頂点Aに移動するには

(1回目, 2回目) = (5,5), (5×2, 5×2), ----- (5の倍数, 5の倍数) または  
= (4,1), (9,1), (14,1) ----- (5の倍数-1, 1) または  
= (3,2), (8,2), (13,2) ----- (5の倍数-2, 2)

答  $\left\{ \begin{array}{l} \text{「5の倍数」の場合} \\ \text{「5の倍数から1を引いた数」の場合} \\ \text{「5の倍数から2を引いた数」の場合} \end{array} \right.$

3. (1) 4個の数  $1, a, 3, b$  の繰り返しであるから  $\frac{310}{4} = 77.5 \rightarrow 310 = 4 \times 77 + 2$   
 310番目は、 $1, a, 3, b$  が77回繰り返されて、つぎの  $1, a, 3, b$  の2番目である。

答

310番目は(  $a$  )である。

(説明)

$310 = 4 \times 77 + 2$  より、「 $1, a, 3, b$ 」が77回繰り返され、次の「 $1, a, 3, b$ 」の2番目が310番目であるから。

- (2) 1番目から9番目までの和が17、1番目から310番目までの和が623であるとき、 $a, b$  の値を求めよ。

9番目は、 $9 = 4 \times 2 + 1$  より、 $1, a, 3, b$  が2回繰り返されて次の  $1, a, 3, b$  の1番目だから

$$9\text{番目までの和は } 2(1 + a + 3 + b) = 2a + 2b + 9 = 17$$

$$2a + 2b = 8$$

$$a + b = 4$$

$$310\text{番目までの和は } 77(1 + a + 3 + b) + 1 + a = 78a + 77b + 309 = 623$$

$$78a + 77b = 314$$

この2式を連立方程式で解く。

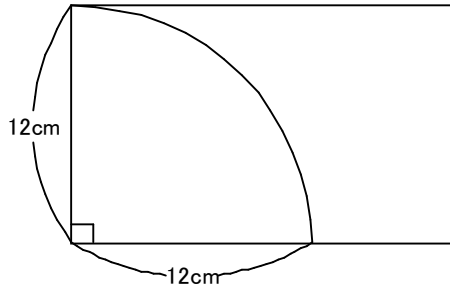
$$\begin{cases} a + b = 4 & \text{-----①} \\ 78a + 77b = 314 & \text{-----②} \end{cases}$$

$$\text{①} \times 77 \quad 77a + 77b = 308 \quad \text{-----①'}$$

$$\text{②} - \text{①'} \quad a = 6 \quad \text{これを①に代入して} \quad b = 4 - a = 4 - 6 = -2$$

答  $a = 6 \quad b = -2$

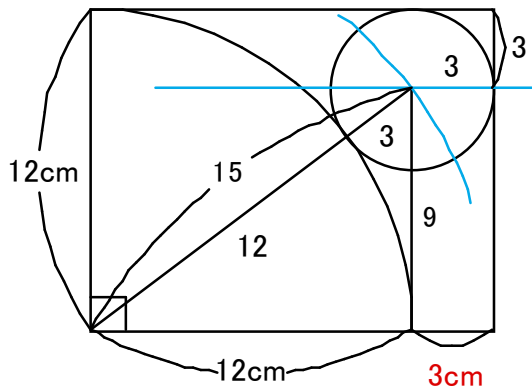
4



- (1) おうぎ形（半径 12cm, 中心各 $90^\circ$ ）の円弧の長さは、円すいの底面の円の円周長に等しいから、底面の円の半径を  $r$  とすると、

$$2\pi r = 2\pi \times 12 \times \frac{90}{360} \quad r = 3 \quad \text{答 } 3 \text{ (cm)}$$

- (2)



長方形の上の辺から 3cm 下がった位置に水平線を引く。次に長方形の左下を中心にして半径  $12 + 3 = 15\text{cm}$  の円弧を描き、先に引いた水平線との交点を中心にして、半径  $3\text{cm}$  の円を描けばよい。

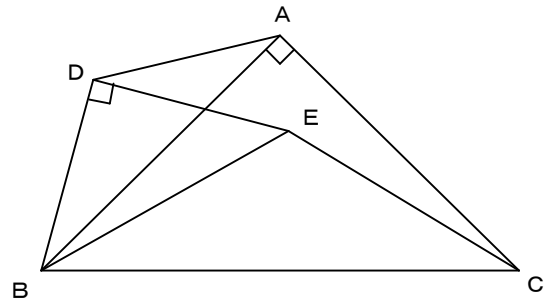
(左図参照)

長方形の横の長さは  $12 + 3 = 15\text{cm}$

答 15 (cm)

5 (1)  $\triangle ADB$ と $\triangle CEB$ において  
 $\triangle ABC$ は  $AB=AC$ 、 $\angle BAC=90^\circ$  の直角  
 二等辺三角形であるから  
 $AB : CB=1 : \sqrt{2}$

$\triangle DBE$ は  $DB=DE$ 、 $\angle BDE=90^\circ$  の直角  
 二等辺三角形であるから  
 $DB : EB=1 : \sqrt{2}$



よって、 $AB : CB=DB : EB$ -----①

また  $\angle DBA = \angle DBE - \angle ABE = 45^\circ - \angle ABE$   
 $\angle ECB = \angle ABC - \angle ABE = 45^\circ - \angle ABE$

よって、 $\angle DBA = \angle ECB$ -----②

①, ② から 2組の辺の比とその間の角が、それぞれ等しいので

$$\triangle ADB \sim \triangle CEB$$

(2) 右図参照

$$AC = AB = 3$$

$$DE = DB = 2$$

$$BC = \sqrt{3^2 + 3^2} = 3\sqrt{2}$$

$$BC^2 = DB^2 + DC^2$$

$$DC^2 = BC^2 - DB^2$$

$$DC = \sqrt{BC^2 - DB^2} = \sqrt{(3\sqrt{2})^2 - 2^2} = \sqrt{18 - 4} = \sqrt{14}$$

$$EC = DC - DE = \sqrt{14} - 2$$

$$\triangle DBC = \frac{1}{2} \times DC \times DB = \frac{1}{2} \times \sqrt{14} \times 2 = \sqrt{14}$$

$$\triangle CEB : \triangle DBC = DC : EC = \sqrt{14} - 2 : \sqrt{14}$$

$$\triangle CEB = \frac{(\sqrt{14} - 2) \times \triangle DBC}{\sqrt{14}} = \frac{(\sqrt{14} - 2) \times \sqrt{14}}{\sqrt{14}} = \sqrt{14} - 2$$

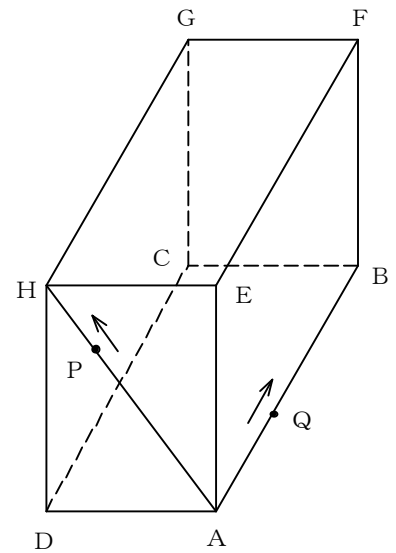
相似三角形の面積は対応する辺の長さの二乗に比例するから、

$$\triangle ADB = \triangle CEB \times \frac{3^2}{(3\sqrt{2})^2} = (\sqrt{14} - 2) \times \frac{1}{2} = \frac{\sqrt{14} - 2}{2}$$

答  $\frac{\sqrt{14} - 2}{2} \text{ (cm}^2\text{)}$

- 6 (1) ア 対角線AHの長さ  $AH = \sqrt{3^2 + 4^2} = 5\text{cm}$   
 点Pは毎秒 $2\text{cm}$ の速さで移動するので、  
 点Aを出発してから $\frac{5}{2}$ 秒で点Hに達する。

答  $x$ の変域  $0 \leq x \leq \frac{5}{2}$



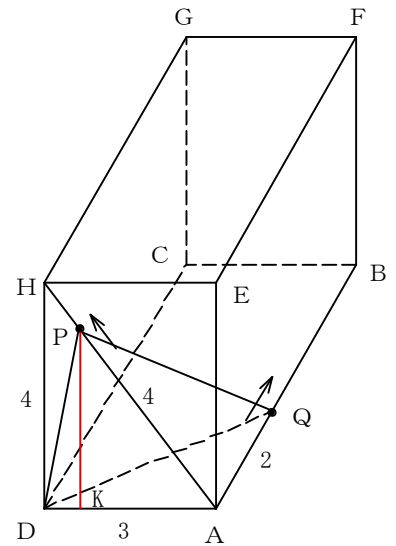
- イ 三角錐PDAQの

底面積  $= \frac{1}{2} \times 3 \times 2 = 3$

高さPK  $5:4=4:PK$   $PK = \frac{16}{5}$

体積  $y = \frac{1}{3} \times 3 \times \frac{16}{5} = \frac{16}{5}$

答  $y = \frac{16}{5} (\text{cm}^3)$



2秒後

- ウ 点Pは $x$ 秒で $2x \text{ cm}$  点Qは $x \text{ cm}$  移動する。

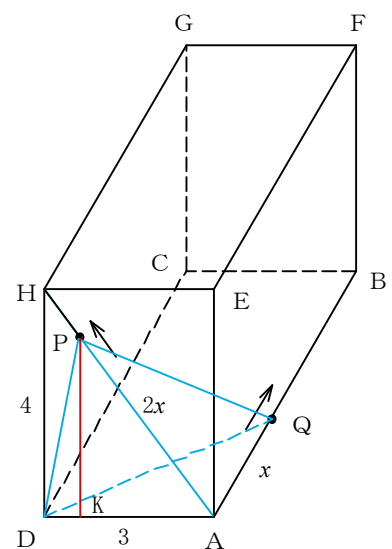
- 三角錐PDAQの

底面積  $= \frac{1}{2} \times 3 \times x = \frac{3x}{2}$

高さPK  $5:4=2x:PK$   $PK = \frac{8x}{5}$

体積  $y = \frac{1}{3} \times \frac{3x}{2} \times \frac{8x}{5} = \frac{4}{5}x^2$

答  $y = \frac{4}{5}x^2$



$x$ 秒後  $0 \leq x \leq \frac{5}{2}$

- (2) 点Pは $\frac{5}{2}$ 秒で頂点Hに到達し、次の $\frac{5}{2}$ 秒で頂点Gに到達するから、点Pが辺HG上にあるのは $\frac{5}{2}$ 秒から $\frac{5}{2} + \frac{5}{2} = 5$ 秒の間である。

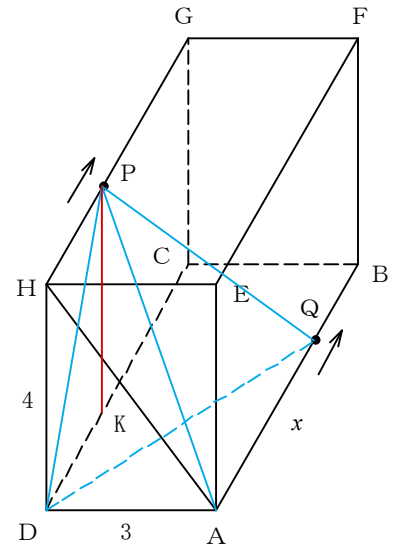
三角錐PDAQの

$$\text{底面積} = \frac{1}{2} \times 3 \times x = \frac{3x}{2}$$

$$\text{高さPK} \quad PK = 4$$

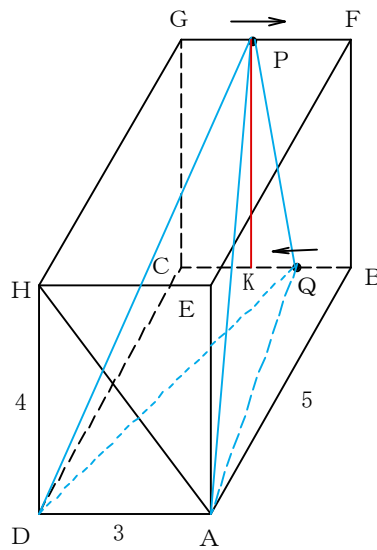
$$\text{体積} \quad y = \frac{1}{3} \times \frac{3x}{2} \times 4 = 2x$$

$$\text{答} \quad x \text{の変域} \quad \frac{5}{2} \leq x \leq 5 \quad y = 2x$$

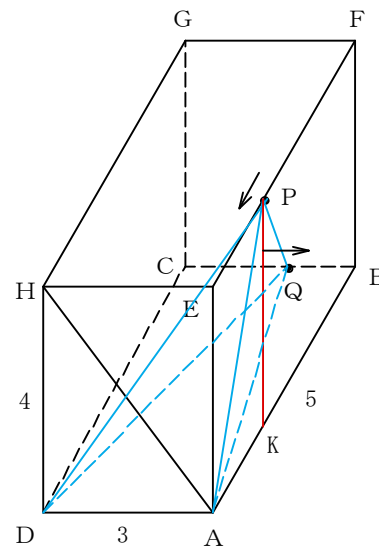


$$x \text{秒後} \quad \frac{5}{2} \leq x \leq 5$$

- (3) このとき、点Pは辺GF上か、または辺GE上を動く。点Qは辺BC上を動く。



$$x \text{秒後} \quad 5 \leq x \leq 6.5$$



$$x \text{秒後} \quad 6.5 \leq x \leq 9$$

答

三角錐PDAQにおいて、

点Pは辺GF上 または 辺FE上を動くので、三角錐の高さは  $4\text{cm}$  で一定である。

また、点Qは辺BC上を動くので、三角錐の底面積は

$$\frac{1}{2} \times 3 \times 5 = \frac{15}{2} \text{ (cm}^2\text{)} \text{ で一定である。}$$

したがって、 $y$  は  $\frac{1}{3} \times \frac{15}{2} \times 4 = 10 \text{ (cm}^3\text{)}$  で一定である。



(4) (1) アより  $y = \frac{4}{5}x^2 = 4 \quad x^2 = 5 \quad x = \sqrt{5}$

これは  $0 \leq x \leq \frac{5}{2}$  の範囲内だから解である。

(2) より  $y = 2x = 4 \quad x = 2$

これは  $\frac{5}{2} \leq x \leq 5$  の範囲外だから解ではない。

点Pが辺EA上を動くとき

三角錐の高さ  $PE = 22 - 2x$

したがって、

$$y = \frac{1}{3} \times \frac{15}{2} \times (22 - 2x) = 5(11 - x)$$

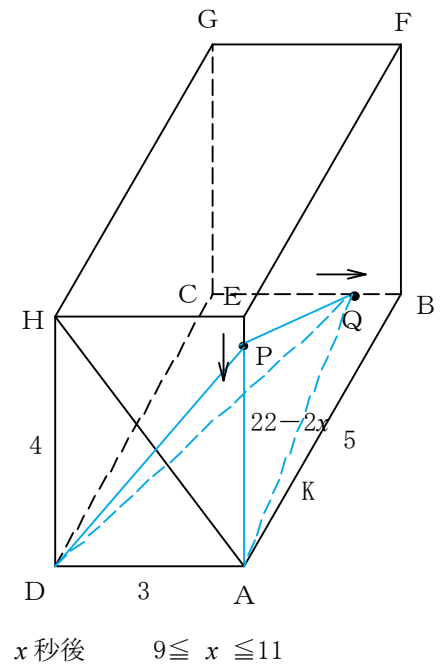
$$5(11 - x) = 4$$

$$55 - 5x = 4$$

$$5x = 51$$

$$x = \frac{51}{5}$$

これは  $9 \leq x \leq 11$  の範囲内だから解である。



答  $\sqrt{5}$  (秒後),  $\frac{51}{5}$  (秒後)

以上