

1 (1) 次の計算をなさい。

(ア) $7 + 4 \times (-2)$

(イ) $24a^2b^2 \div 6ab \div (-2a)$

(ウ) $\sqrt{12} + \frac{9}{\sqrt{3}}$

(2) $x = \frac{1}{4}, y = \frac{1}{2}$ のとき、次の式の値を求めなさい。

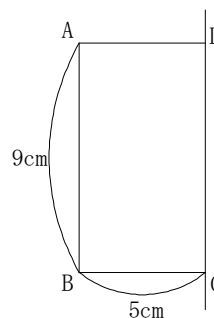
$$3\left(\frac{2}{3}x + 2y\right) - 4\left(x + \frac{3}{4}y\right)$$

(3) 次の式を因数分解しなさい。

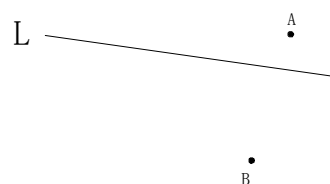
$$ax^2 - ax - 6a$$

(4) y は x に反比例し $x=6$ のとき $y=-3$ です。 $x=-9$ のときの y の値を求めなさい。

(5) 右の図の長方形ABCDを、直線 DC を軸として1回転させてできる立体の表面積を求めなさい。ただし、円周率は π とします。



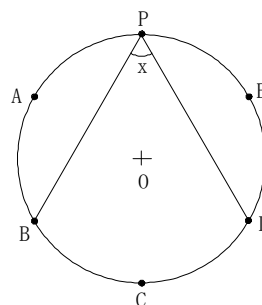
(6) 下の図の直線 L 上にあつて、 $AP=BP$ となるような点 P をコンパス、定規を使って作図しなさい。ただし、見つけた点は \cdot で示し、P という記号をつけ、作図に用いた線は消さないこと。



- 2 下の図のように、円Oの周を6等分する点 P, A, B, C, D, E があります。いま、点 A, B, C, D, E を表すアルファベットが1つずつ書かれた5枚のカードをよくきって同時に2枚を取り出し、取り出した2枚のカードが表すそれぞれの点と点Pを結んで図のように円周角 $\angle x$ をつくる時、次の問いに答えなさい。

□A □B □C □D □E

- (1) 2枚のカードの取り出し方は全部で何通りありますか。



- (2) $\angle x = 30^\circ$ となる確率を求めなさい。

- 3 ある中学校の3年生で視力検査をしました。その結果、3年生の生徒200人のうち30%の生徒は、下の表のAで誰もめがねをかけていませんでした。視力がA以外の生徒(視力がBまたはCまたはDの生徒)のうち、めがねをかけている生徒は男子の60%,女子の40%でした。また、視力がA以外の生徒で、めがねをかけていない生徒は男女あわせて69人でした。このとき、次の問いに答えなさい。

- (1) 視力がA以外の生徒は男女合わせて何人でしたか。

視力
A (1.0以上)
B (0.9~0.7)
C (0.6~0.3)
D (0.3未満)

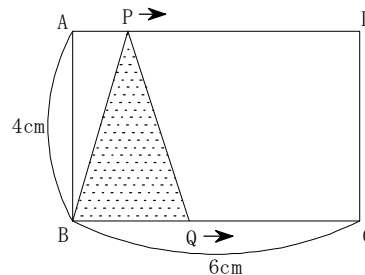
- (2) 視力がA以外の生徒の、男子、女子の人数をそれぞれ x 人、 y 人として、 x 、 y についての連立方程式をつくりなさい。

- (3) (2)の連立方程式を解いて、めがねをかけている男子、女子の人数をそれぞれ求めなさい。

- 4 下の[図1]のように、縦4cm, 横6cm の長方形ABCDがあります。点PはAを出発し、毎秒1cm の速さで周上を矢印の方向にDを通ってCまで移動します。また、点Qは、点PがAを出発すると同時にBを出発し、毎秒2cmの速さで矢印の方向にCまで移動し、Cに着いたら止まります。このとき、次の問いに答えなさい。
(必要があれば下の方眼紙にグラフをかいて考えなさい。)

- (1) 2点P, Qが同時に出発してから2秒後の $\triangle PBQ$ の面積を求めなさい。

図1

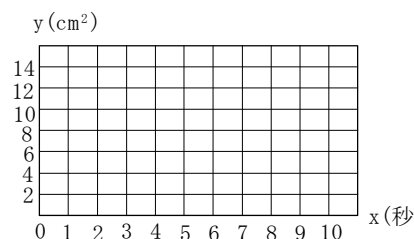


- (2) 2点P, Qが同時に出発してから x 秒後の $\triangle PBQ$ の面積を $y\text{cm}^2$ として、次の各場合に分けて、 y を x の式で表しなさい。

(ア) $0 \leq x \leq 3$ のとき

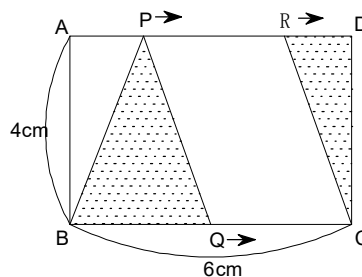
(イ) $3 \leq x \leq 6$ のとき

(ウ) $6 \leq x \leq 10$ のとき



- (3) [図2]のように、2点P, Qが出発すると同時に、Aを出発する点Rがあります。点Rは毎秒3cmの速さでAD間を往復し、点Pが止まるまで動くものとします。このとき、 $\triangle RCD$ の面積と $\triangle PBQ$ の面積が等しくなるのは、3点P, Q, Rが出発してから何秒後ですか。すべて求めなさい。
ただし、面積が 0cm^2 で等しくなる場合は除きます。

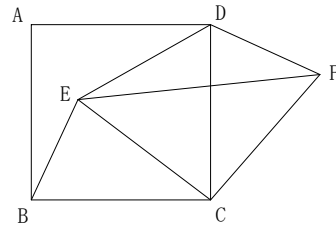
図2



- 5 下の[図1]のように、正方形ABCDの内部に点Eをとり $EC=FC$ となる直角二等辺三角形ECFを作り、BとE, DとF, DとE を結びます。このとき、次の問いに答えなさい。

- (1) $\triangle EBC \equiv \triangle FDC$ であることを証明しなさい。

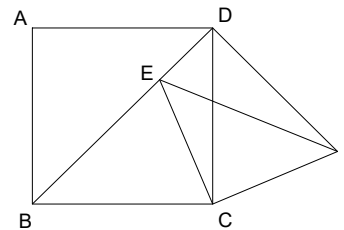
[図1]



- (2) [図2]のように、正方形ABCDの対角線BD上に点Eをとるとき、

[図2]

- (ア) $\angle BCE = a^\circ$ として、 $\angle EFD$ の大きさを a を使って表しなさい。



- (イ) $DE:EB = 1:3$ であるならば、 $\triangle FDC$ の面積は正方形ABCD の面積の何倍となりますか。

以上